

(1) 下のように、あるきまりにしたがって整数を並べました。12番目の数を求めなさい。

3, 4, 6, 9, 13, 18 . . .

1番目 → $3=3$

2番目 → $4=3+(1)$

3番目 → $6=3+(1+2)$

4番目 → $9=3+(1+2+3)$

5番目 → $13=3+(1+2+3+4)$

12番目 → $3+(1+2+3+\dots+9+10+11)$

よって、 $3+(1+11) \times 11 \div 2 = 69$

69

(2) 下のように、あるきまりにしたがって分数を並べました。110番目の分数を求めなさい。

$\frac{1}{3}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4}, \frac{3}{5}, \frac{2}{5}, \frac{1}{5}, \frac{4}{6}, \frac{3}{6}, \frac{2}{6}, \frac{1}{6}, \frac{5}{7}, \frac{4}{7}, \dots$

1組

2組

3組

4組

組に分けると、分数が1個、2個、3個...と並ぶ

$110 = (1+2+3+\dots+13+14) + 5$ (←調べる!)

よって110番目の数は15組の左から5番目になる

分母 = $3+(15-1) = 17$ 、分子 = 12

$\frac{12}{17}$

(3) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。85は何段目の左から何番目にありますか。

1	2	3	4	5
10	9	8	7	6
11	12	13	14	15
...	18	17	16	

2行(10)で1周期として考える

$85 \div 10 = 8 \text{ 周期} \dots 5$

8周期までに16段、残り5個

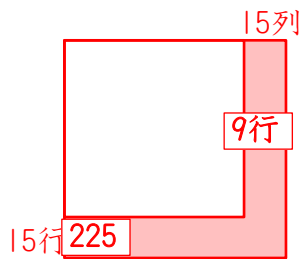
よって17段目、5番目

17段目、5番目

(4) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。9行15列の数はいくつですか。

1列 2列 3列 4列 ...

1行	1	2	5	10	17
2行	4	3	6	11	18
3行	9	8	7	12	...
4行	16	15	14	13	...
...	25	24



※1列目の平方数(1, 4, 9, 16...)を利用

15行1列は225なので、数を戻していく!

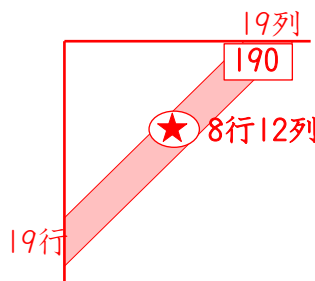
$225 - (15 + (15 - 9)) = 204$

204

(5) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。8行12列の数はいくつですか。

1列 2列 3列 4列 ...

1行	1	3	6	10	15
2行	2	5	9	14	...
3行	4	8	13
4行	7	12
...	11



※1行目の平方数(1, 3, 6, 10...)を利用

8行12列 ⇒ 1行19列(190)から求める

$190 - (8 - 1) = 183$

183

(6) 1から300までの各位の数字を次のように並べます。3の個数は全部で何個ですか。

1, 2, 3 . . . 9, 1, 0, 1, 1, 1, 2 . . . 2, 9, 8, 2, 9, 9, 3, 0, 0

① 一の位の3 →

$3, 13, 23 \dots, 283, 293 \rightarrow 30$ 個

③ 百の位の3 →

$300, \rightarrow 1$ 個

② 十の位の3 → ★ ◎

◎は0~9の10通り ★は0~2の3通り

よって $30 + 30 + 1 = 61$ 個

よって $10 \times 3 = 30$ 個 (※1桁の数 → 00? 2桁の数 → 0??として計算)

61個