

(1) 下のように、あるきまりにしたがって整数を並べました。20番目の数を求めなさい。

1, 2, 4, 7, 11, 16 . . .

1番目 → 1 = 1
 2番目 → 2 = 1 + (1)
 3番目 → 4 = 1 + (1 + 2)
 4番目 → 7 = 1 + (1 + 2 + 3)
 5番目 → 11 = 1 + (1 + 2 + 3 + 4)
 20番目 → 1 + (1 + 2 + 3 + . . . + 17 + 18 + 19)
 よって、 $1 + (1 + 19) \times 19 \div 2 = 191$

191

(2) 下のように、あるきまりにしたがって分数を並べました。60番目の分数を求めなさい。

$\frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{1}{5}, \frac{3}{6}, \frac{2}{6}, \frac{1}{6}, \frac{4}{7}, \frac{3}{7}, \frac{2}{7}, \frac{1}{7}, \frac{5}{8}, \frac{4}{8}, \dots$
 1組 2組 3組 4組

組に分けると、分数が1個、2個、3個...と並ぶ
 $60 = (1 + 2 + 3 + \dots + 9 + 10) + 5$ (←調べる!)
 よって60番目の数は11組の左から5番目になる
 分母 = $4 + (11 - 1) = 14$ 、分子 = 8

$\frac{8}{14}$

(3) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。105は何段目の左から何番目にありますか。

1	2	3	4	5	6	7
14	13	12	11	10	9	8
15	16	17	18	19	20	21
...	26	25	24	23	22	

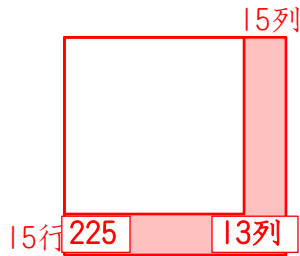
2行(14)で1周期として考える
 $105 \div 14 = 7$ 周期...7
 7周期までに14段、残り7個
 よって15段目、7番目

15段目、7番目

(4) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。15行13列の数はいくつですか。

1列 2列 3列 4列 ...

1行	1	2	5	10	17
2行	4	3	6	11	18
3行	9	8	7	12	...
4行	16	15	14	13	...
...	25	24



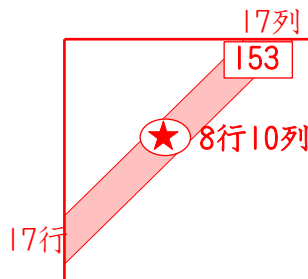
※1列目の平方数(1, 4, 9, 16...)を利用
 15行1列は225なので、数を戻していく!
 $225 - (13 - 1) = 213$

213

(5) 下のように、あるきまりにしたがって数を並べました。8行10列の数はいくつですか。

1列 2列 3列 4列 ...

1行	1	3	6	10	15
2行	2	5	9	14	...
3行	4	8	13
4行	7	12
...	11



※1行目の平方数(1, 3, 6, 10...)を利用
 8行10列 ⇒ 1行17列(153)から求める
 $153 - (8 - 1) = 146$

146

(6) 1から300までの各位の数字を次のように並べます。3の個数は全部で何個ですか。

1, 2, 3 . . . 9, 1, 0, 1, 1, 1, 2 . . . 2, 9, 8, 2, 9, 9, 3, 0, 0

① 一の位の3 → 3
 3, 13, 23 . . . , 283, 293 → 30個

③ 百の位の3 → 3
 300, → 1個

② 十の位の3 → 3 3
 ◎は0~9の10通り ★は0~2の3通り

よって $30 + 30 + 1 = 61$ 個

よって $10 \times 3 = 30$ 個 (※1桁の数 → 00? 2桁の数 → 0??として計算)

61個