

(1) 下のよう、あるきまりにしたがって整数を並べました。22番目の数を求めなさい。

1, 2, 4, 7, 11, 16 . . .

1番目 → 1 = 1  
 2番目 → 2 = 1 + (1)  
 3番目 → 4 = 1 + (1 + 2)  
 4番目 → 7 = 1 + (1 + 2 + 3)  
 5番目 → 11 = 1 + (1 + 2 + 3 + 4)  
 22番目 → 1 + (1 + 2 + 3 + . . . + 19 + 20 + 21)  
 よって、 $1 + (1 + 21) \times 21 \div 2 = 232$

232

(2) 下のよう、あるきまりにしたがって分数を並べました。125番目の分数を求めなさい。

$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{3}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{4}, \frac{4}{5}, \frac{3}{5}, \frac{2}{5}, \frac{1}{5}, \frac{5}{6}, \frac{4}{6}, \dots$

組に分けると、分数が1個、2個、3個...と並ぶ  
 $125 = (1 + 2 + 3 + \dots + 14 + 15) + 5$  (←調べる!)  
 よって125番目の数は16組の左から5番目になる  
 分母 =  $2 + (16 - 1) = 17$ 、分子 = 13

$\frac{13}{17}$

(3) 下のよう、あるきまりにしたがって数を並べました。140は何段目の左から何番目にありますか。

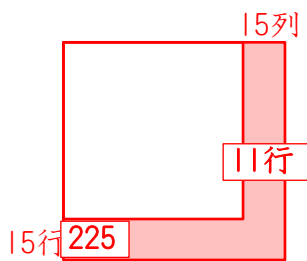
1	2	3	4	5	6	7	8	9
18	17	16	15	14	13	12	11	10
19	20	21	22	23	24	25	26	27
...	34	33	32	31	30	29	28	

2行(18)で1周期として考える  
 $140 \div 18 = 7$ 周期...14  
 7周期までに14段、残り14個  
 よって16段目、5番目

16段目、5番目

(4) 下のよう、あるきまりにしたがって数を並べました。11行15列の数はいくつですか。

	1列	2列	3列	4列	...
1行	1	2	5	10	17
2行	4	3	6	11	18
3行	9	8	7	12	...
4行	16	15	14	13	...
...	25	24	...	...	...

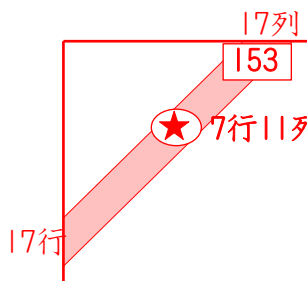


※1列目の平方数(1, 4, 9, 16...)を利用  
 15行1列は225なので、数を戻していく!  
 $225 - (15 + (15 - 11)) = 206$

206

(5) 下のよう、あるきまりにしたがって数を並べました。7行11列の数はいくつですか。

	1列	2列	3列	4列	...
1行	1	3	6	10	15
2行	2	5	9	14	...
3行	4	8	13	...	...
4行	7	12	...	...	...
...	11	...	...	...	...



※1行目の平方数(1, 3, 6, 10...)を利用  
 7行11列 ⇒ 1行17列(153)から求める  
 $153 - (7 - 1) = 147$

147

(6) 1から300までの各位の数字を次のように並べます。3の個数は全部で何個ですか。

1, 2, 3 . . . 9, 1, 0, 1, 1, 1, 2 . . . 2, 9, 8, 2, 9, 9, 3, 0, 0

① 一の位の3 →     
 3, 13, 23 . . . , 283, 293 → 30個

③ 百の位の3 →     
 300, → 1個

② 十の位の3 →

よって  $30 + 30 + 1 = 61$ 個

◎は0~9の10通り ★は0~2の3通り

よって  $10 \times 3 = 30$ 個 (※1桁の数 → 00? 2桁の数 → 0??として計算)

61個