差集め算

- 次の(1) \sim (3) の問いにそれぞれ答えなさい。
 - (1) あるクラスで鉛筆を 4 本ずつ配ると 45 本あまり、7 本ずつ配ると 3 本あまります。 鉛筆は全部で何本ありますか。
 - (2) あるクラスでシールを 8 枚ずつ配ると 13 枚あまり、10 枚ずつ配ると 2 枚足りません。 シールは全部で何枚ありますか。
 - (3) あるクラスの生徒を1つのベンチに3人ずつ座らせると5人座れませんが、5人ずつ 座らせると、1人しか座っていないベンチが1つと、誰も座っていないベンチが1つでき ます。このクラスの人数は何人ですか。

- 1日の10分の差が、1週間では70分の差になり、
- 1か月では300分の差…
- 1年では3650分=約60時間…、2日と半分の差になります。
- ちりも積もれば山となる、とはよく言ったものです。

まずはこう解け!

Step1

<mark>(全体の差)÷(1つあたりの差)=</mark>(個数)で計算する!

確認しておこう! 【差集め算とは…】

1個(1日、1人…) あたりに差があると、何個か集まったときに差が大きくなる。 たとえば1個100円と、1個120円のものを買う場合1個なら差が20円、10個だと差が200円、50個だと差が1000円になるということ。 (1個あたりの差)×(個数) = (全体の差)

が成り立つ。問題を解くときは Step1 の式を使うことが多い。

🙂 解き方

(1) あるクラスで鉛筆を 4 本ずつ配ると 45 本あまり、7 本ずつ配ると 3 本あまります。鉛筆は全部で何本ありますか。

1 人あたりの差は 7-4=3本 全体の差は 45-3=42本 (人数) = (全体の差) ÷ (1人あたりの差) =42÷3=14人 よって、鉛筆は 4×14+45=7×14+3=101本

答え 101 本

- (2) あるクラスでシールを 8 枚ずつ配ると 13 枚あまり、10 枚ずつ配ると 23 枚足りません。シールは全部で何枚ありますか。
 - ※全体の差に注意 (13 枚あまり) から (23 枚不足) になるので、 差は 36 枚

【イメージ】

あまり 13 枚 ----> 0 (ぴったり) ----> 23 枚不足

クラスの人数は (13+23) ÷ (10-8) = 18 人 よってシールの枚数は 8×18+13=10×18-23=157 枚

答え 157 枚

- (3) あるクラスの生徒を1つのベンチに3人ずつ座らせると5人座れませんが、5人ずつ座らせると、1人しか座っていないベンチが1つと、誰も座っていないベンチが1 つできます。このクラスの人数は何人ですか。
 - 【3人ずつ座るとき】
 - 5 人座れない ⇒ 5 人分不足
 - 【5 人ずつ座るとき】
 - 1 人しか座っていないベンチが 1 つ⇒あと 4 人座れる 誰も座っていないベンチが 1 つできる⇒あと 5 人座れる つまり 1 人しか座っていないベンチが 1 つと、誰も座っていないベンチが 1 つが できるということは、**あと 9 人座れる**ということ。(9 人分あまり)

よってベンチの個数 = $(5+9)\div(5-3)=7$ 個 クラスの人数は $3\times7+5=5\times(7-2)+1=26$ 人

答え 26 人